

Folosind vectori de întregi:

```
print(array_to_slice[[0,0], [1,3]]) # afiseaza elementele de pe pozitiile
                                   # [0,1] si [0,3] => [2 4]
```

Folosind vectori de valori bool:

```
# Vrem sa afisam toate elementele mai mari decat 10 din array_to_slice
bool_idx = (array_to_slice > 10) # rezulta o matrice de aceeasi dimensiune cu
                                   # array_to_slice in care fiecare element consta
                                   # intr-o valoare bool astfel:
                                   # True, daca elementul corespunzator din
                                   #     array_to_slice > 10
                                   # False, daca elementul corespunzator din
                                   #     array_to_slice <= 10

print(bool_idx)    # => [[ True False False False]
                   #     [False False False False]
                   #     [False False True  True]]

print(array_to_slice[bool_idx]) # => [100  11  12]

# Operatia se poate face si direct:
print(array_to_slice[array_to_slice > 10])    # => [100  11  12]
```

Funcții matematice:

Operațiile matematice de bază sunt disponibile atât ca funcții NumPy cât și ca operatori. Acestea sunt aplicate element cu element:

```
x = np.array([[1,2],[3,4]], dtype=np.float64)
y = np.array([[5,6],[7,8]], dtype=np.float64)

# Suma element cu element => [[ 6.0  8.0]
#                               [10.0 12.0]]
print(x + y)
print(np.add(x, y))

# Diferenta element cu element => [[ -4.0 -4.0]
#                               [-4.0 -4.0]]
print(x - y)
print(np.subtract(x, y))

# Produs element cu element => [[ 5.0  12.0]
#                               [21.0 32.0]]
print(x * y)
print(np.multiply(x, y))

# Impartire element cu element => [[ 0.2          0.33333333]
#                               [ 0.42857143  0.5]]
print(x / y)
print(np.divide(x, y))

# Radical element cu element => [[ 1.          1.41421356]
#                               [ 1.73205081  2.]]
```

```
print(np.sqrt(x))

# Ridicare la putere
my_array = np.arange(5)
powered = np.power(my_array, 3)
print(powered)           # => [ 0  1  8 27 64]
```

Produsul scalar:

```
x = np.array([[1, 2],[3, 4]])
y = np.array([[5, 6],[7, 8]])

v = np.array([9, 10])
w = np.array([11, 12])

# vector x vector => 219
print(v.dot(w))
print(np.dot(v, w))

# matrice x vector => [29 67]
print(np.matmul(x, v))

# matrice x matrice => [[19 22]
#                       [43 50]]
print(np.matmul(x, y))
```

Operații pe matrici:

```
# transpusa unei matrici
my_array = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]]) # [[1, 2, 3],
#                                             # [4, 5, 6]]

print(my_array.T)           # => [[1, 4],
#                               # [2, 5],
#                               # [3, 6]]

# inversa unei matrici
my_array = np.array([[1., 2.], [3., 4.]])
print(np.linalg.inv(my_array)) # => [[-2. ,  1. ],
#                                     [ 1.5, -0.5]]
```

NumPy dispune de funcții care realizează operații pe o anumită dimensiune.

```
x = np.array([[1, 2],[3, 4]])

# suma pe o anumita dimensiune
print(np.sum(x))           # Suma tuturor elementelor => 10
print(np.sum(x, axis=0))   # Suma pe coloane => [4 6]
print(np.sum(x, axis=1))   # Suma pe linii => [3 7]
# putem specifica si mai multe axe pe care sa se faca operatia:
print(np.sum(x, axis=(0, 1))) # Suma tuturor elementelor => 10
```

```
# media pe o anumita dimensiune
y = np.array([[1, 2, 3, 4], [5, 6, 7, 8]], [[1, 2, 3, 4], [5, 6, 7, 8]], [[1, 2, 3, 4], [5, 6, 7, 8]])
print(y.shape)      # => (3, 2, 4)
print(y)            # => [[[1 2 3 4]
                        #      [5 6 7 8]]
                        #      [[1 2 3 4]
                        #      [5 6 7 8]]
                        #      [[1 2 3 4]
                        #      [5 6 7 8]]]

print(np.mean(y, axis=0))      # => [[1. 2. 3. 4.]
                                    #      [5. 6. 7. 8.]]

print(np.mean(y, axis=1))     # => [[3. 4. 5. 6.]
                                    #      [3. 4. 5. 6.]
                                    #      [3. 4. 5. 6.]]

# indexul elementului maxim pe fiecare linie
z = np.array([[10, 12, 5], [17, 11, 19]])
print(np.argmax(z, axis=1))   # => [1 2]
```

Broadcasting:

- mecanism care oferă posibilitatea de a realiza operații aritmetice între vectori de dimensiuni diferite
- vectorul mai mic este multiplicat astfel încât să se potrivească cu cel mai mare, operația fiind apoi realizată pe cel din urmă

```
# Vrem sa adunam un vector (v) la fiecare linie a unei matrici (m)
m = np.array([[1,2,3], [4,5,6], [7,8,9], [10, 11, 12]])
v = np.array([1, 0, 1])
y = m + v
print(y)      # => [[ 2  2  4]
                  #      [ 5  5  7]
                  #      [ 8  8 10]
                  #      [11 11 13]]
```

Reguli de broadcasting:

1. Dacă vectorii nu au același număr de dimensiuni, vectorul mai mic este extins cu câte o dimensiune, până când acest lucru este realizat.
ex: Dacă avem 2 vectori **a** și **b** cu
a.shape = (3, 4)
b.shape = (6,)
b este extins la dimensiunea (6, 1)

2. Cei 2 vectori se numesc compatibili pe o dimensiune dacă au aceeași lungime pe acea dimensiune sau dacă unul dintre ei are lungimea 1.

ex: Considerăm vectorii:

a astfel încât: $a.shape = (3, 4)$

b astfel încât: $b.shape = (6, 1)$

c astfel încât: $c.shape = (3, 5)$

a și **c** sunt compatibili pe prima dimensiune

a și **b** sunt compatibili pe cea de-a doua dimensiune

3. Pe cei 2 vectori se poate aplica broadcasting dacă ei sunt compatibili pe toate dimensiunile.

4. La broadcasting, fiecare vector se comportă ca și cum ar avea, pe fiecare dimensiune, lungimea maximă dintre cele două dimensiuni inițiale (maximul dimensiunilor element cu element)

ex: La broadcasting vectorii **a** și **b** cu

$a.shape = (3, 4)$

$b.shape = (3, 1)$

se comportă ca și cum ar avea dimensiunea (3, 4)

5. În fiecare dimensiune pe care unul din vectori avea dimensiunea 1, iar celalalt mai mare, primul vector se comportă ca și cum ar fi copiat de-a lungul acelei dimensiuni.

ex: Considerăm vectorii:

$a = \begin{bmatrix} 1, 2, 3, \\ 4, 5, 6 \end{bmatrix}$, $a.shape = (2, 3)$

$b = \begin{bmatrix} 1., \\ 1. \end{bmatrix}$, $b.shape = (2, 1)$

Când vrem să facem o operație de broadcasting, vectorul **b** va fi copiat de-a lungul celei de-a doua dimensiuni, astfel încât el devine:

$b = \begin{bmatrix} 1., 1., 1., \\ 1., 1., 1. \end{bmatrix}$, $b.shape = (2, 3)$

operația fiind acum realizată pe vectori de aceeași dimensiune.

2. Matplotlib

- bibliotecă utilizată pentru plotarea datelor

Importarea bibliotecii:

```
import matplotlib.pyplot as plt
```

Plotare:

- cea mai importantă funcție este *plot*, care permite afișarea datelor 2D

```
# Calculeaza coordonatele (x, y) ale punctelor de pe o curba sin
# x - valori de la 0 la 3 * np.pi, Luata din 0.1 in 0.1
x = np.arange(0, 3 * np.pi, 0.1)
y = np.sin(x)

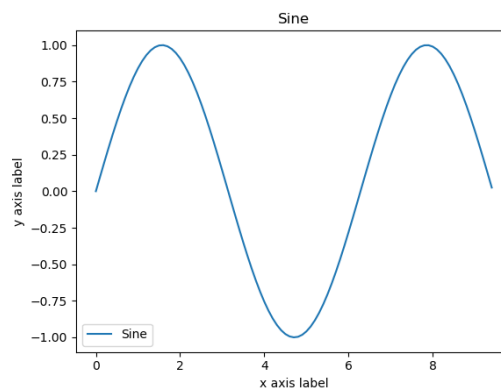
# Ploteaza punctele
plt.plot(x, y)

# Adauga etichete pentru fiecare axa
plt.xlabel('x axis label')
plt.ylabel('y axis label')

# Adauga titlu
plt.title('Sine')

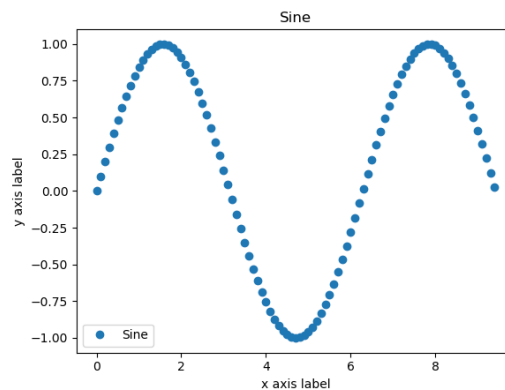
# Adauga legenda
plt.legend(['Sine'])

# Afiseaza figura
plt.show()
```



OBS. Pentru a plota punctele independent, fără a face interpolare ca în exemplul anterior, se poate specifica un al treilea parametru în funcția plot, astfel:

```
plt.plot(x, y, 'o')
```



Plotarea mai multor grafice în cadrul aceleiași figuri:

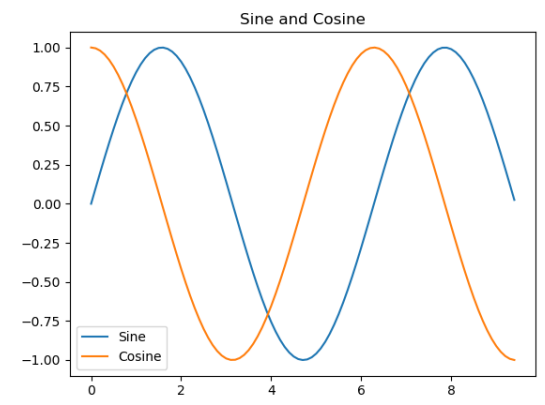
```
# Calculeaza coordonatele (x, y) ale punctelor de pe o curba sin, respectiv cos
# x - valori de la 0 la 3 * np.pi, luate din 0.1 in 0.1
x = np.arange(0, 3 * np.pi, 0.1)
y_1 = np.sin(x)
y_2 = np.cos(x)

# Ploteaza punctele in aceeasi figura
plt.plot(x, y_1)
plt.plot(x, y_2)

# Aduca titlu
plt.title('Sine and Cosine')

# Aduca legenda
plt.legend(['Sine', 'Cosine'])

# Afiseaza figura
plt.show()
```



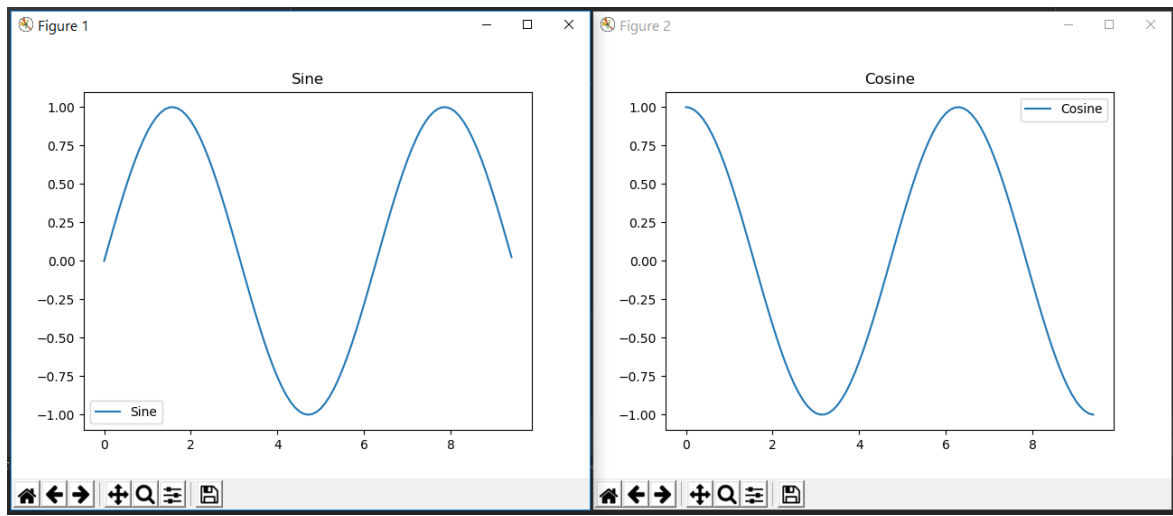
Plotarea simultană a mai multor grafice în figuri diferite:

```
# Calculeaza coordonatele (x, y) ale punctelor de pe o curba sin, respectiv cos
# x - valori de la 0 la 3 * np.pi, luate din 0.1 in 0.1
x = np.arange(0, 3 * np.pi, 0.1)
y_1 = np.sin(x)
y_2 = np.cos(x)

# definim primul plot in figura 1
first_plot = plt.figure(1)
plt.plot(x, y_1)
plt.title('Sine')
plt.legend(['Sine'])

# definim cel de-al doilea plot in figura 2
second_plot = plt.figure(2)
plt.plot(x, y_2)
plt.title('Cosine')
plt.legend(['Cosine'])

# afisam figurile
plt.show()
```

Sublotare:

- putem plota mai multe subfiguri în cadrul aceleiași figuri

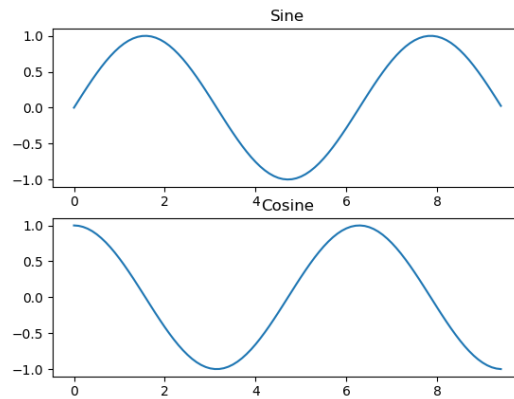
```
# Calculeaza coordonatele (x, y) ale punctelor de pe o curba sin, respectiv cos
x = np.arange(0, 3 * np.pi, 0.1)
y_sin = np.sin(x)
y_cos = np.cos(x)

# Creeaza un grid avand inaltimea 2 si latimea 1
# si seteaza primul subplot ca activ
plt.subplot(2, 1, 1)

# Ploteaza primele valori
plt.plot(x, y_sin)
plt.title('Sine')

# Seteaza cel de-al doilea subplot ca activ
# si ploteaza al doilea set de date
plt.subplot(2, 1, 2)
plt.plot(x, y_cos)
plt.title('Cosine')

# Afiseaza figura
plt.show()
```



Exerciții

1. Se dau următoarele 9 imagini de dimensiuni 400x600. Valorile acestora au fost salvate în fișierele "images/car_{idx}.npy".



- a. Citiți imaginile din aceste fișiere și salvați-le într-un np.array (va avea dimensiunea 9x400x600).

Obs: Citirea din fișier se face cu ajutorul funcției:

```
image = np.load(file_path)
```

Aceasta întoarce un np.array de dimensiune 400x600.

- b. Calculați suma valorilor pixelilor tuturor imaginilor.
- c. Calculați suma valorilor pixelilor pentru fiecare imagine în parte.
- d. Afișați indexul imaginii cu suma maximă.

- e. Calculați imaginea medie și afișați-o.

Obs: Afișarea imaginii medii se poate face folosind biblioteca *scikit-image* în următorul mod:

```
from skimage import io
io.imshow(mean_image.astype(np.uint8)) # pentru a putea fi afisata
# imaginea trebuie sa aiba
# tipul unsigned int

io.show()
```

Dacă biblioteca nu este instalată, acest lucru se poate face prin rularea comenzii sistem `pip install scikit-image`.

- f. Cu ajutorul funcției `np.std(images_array)`, calculați deviația standard a imaginilor.
- g. Normalizați imaginile. (se scade imaginea medie și se împarte rezultatul la deviația standard)
- h. Decupați fiecare imagine, afișând numai liniile cuprinse între 200 și 300, respectiv coloanele cuprinse între 280 și 400.